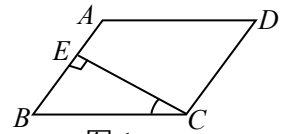


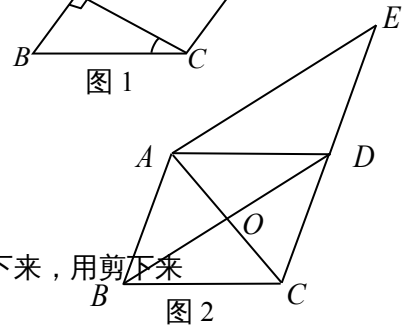
第4章《四边形性质探索》单元测试

一、精心选一选！

1. 如图1, $\square ABCD$ 中, $CE \perp AB$, E 为垂足. 如果 $\angle A = 125^\circ$, 则 $\angle BCE = 60^\circ$ (B)
 A. 55° B. 35° C. 25° D. 30°

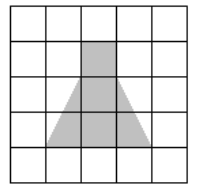


2. 如图2, 四边形 $ABCD$ 是菱形, 过点 A 作 BD 的平行线交 CD 的延长线于点 E , 则下列式子不成立的是 (B)



- A. $DA = DE$ B. $BD = CE$ C. $\angle EAC = 90^\circ$ D. $\angle ABC = 2\angle E$
3. (2008年广州市) 如图3, 每个小正方形的边长为1, 把阴影部分剪下来, 用剪下来的阴影部分拼成一个正方形, 那么新正方形的边长是 (C)

- A. $\sqrt{3}$ B. 2 C. $\sqrt{5}$ D. $\sqrt{6}$



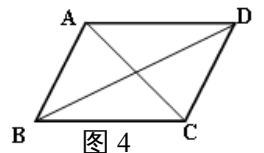
4. 在平行四边形 $ABCD$ 中, 对角线 AC 和 BD 相交于点 O , 则下面条件能判定平行四边形 $ABCD$ 是矩形的是 (B)

- A. $AC \perp BD$ B. $AC = BD$ C. $AC = BD$ 且 $AC \perp BD$ D. $AB = AD$

图3

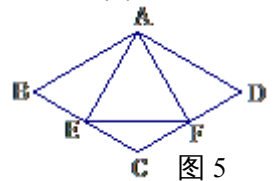
5. 如图4, 已知四边形 $ABCD$ 是平行四边形, 下列结论中不正确的是 (D)

- A. 当 $AB = BC$ 时, 它是菱形 B. 当 $AC \perp BD$ 时, 它是菱形
 C. 当 $\angle ABC = 90^\circ$ 时, 它是矩形 D. 当 $AC = BD$ 时, 它是正方形



6. 如图5, 菱形 $ABCD$ 中, $\angle B = 60^\circ$, $AB = 2$, E 、 F 分别是 BC 、 CD 的中点, AE 、 EF 、 AF , 则 $\triangle AEF$ 的周长为 (B)

- A. $2\sqrt{3}$ B. $3\sqrt{3}$ C. $4\sqrt{3}$ D. 3



7. 如图6, 已知梯形 $ABCD$ 中, $AD \parallel BC$, $AB = CD = AD$, AC , BD 相交于 O 点, $\angle BCD = 60^\circ$, 则下列说法不正确的是 (B)

- A. 梯形 $ABCD$ 是轴对称图形 ; B. 梯形 $ABCD$ 是中心对称图形 ; C. $BC = 2AD$ D. AC 平分 $\angle DCB$

8. 一个多边形内角和是 1080° , 则这个多边形是 (C)

- A. 六边形 B. 七边形 C. 八边形 D. 九边形

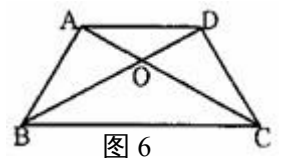


图6

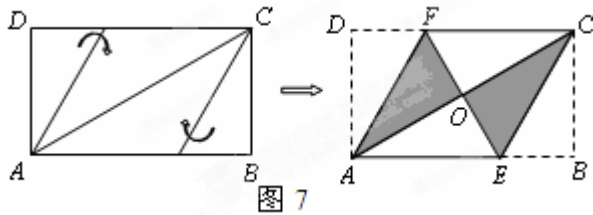
9. 下列图形 (图 5) 中, 中心对称图形的是 (B)



1

10. 将矩形纸片 ABCD 按如图 7 所示的方式折叠, 得到菱形 AECF. 若 AB = 3, 则 BC 的长为 (D)

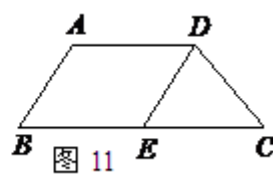
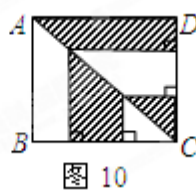
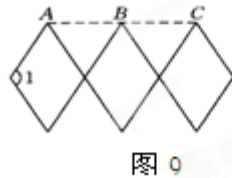
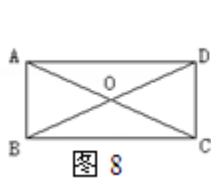
- A. 1 B. 2 C. $\sqrt{2}$ D. $\sqrt{3}$



二、细心填一填!

1. 将一张等边三角形纸片沿着一边上的高剪开, 可以拼成不同形状的四边形. 试写出其中一种四边形的名称_____.

2. 如图 8, 在矩形 ABCD 中, 对角线 AC, BD 相交于点 O, 若 $\angle AOB = 60^\circ$, $AB = 4\text{cm}$, 则 AC 的长为_____cm.



3. 如图 9 所示, 根据四边形的不稳定性制作的边长均为 15cm 的可活动菱形衣架, 若墙上钉子间的距离 $AB = BC = 15\text{cm}$, 则 $\angle 1 =$ _____.

4. 如图 10, 正方形 ABCD 的边长为 4cm, 则图中阴影部分的面积为_____cm².

5. 如图 11, 在梯形 ABCD 中, $AD \parallel BC$, E 为 BC 上一点, $DE \parallel AB$, AD 的长为 1, BC 的长为 2, 则 CE 的长为_____.

6. 如图 12 所示, 菱形 ABCD 中, 对角线 AC, BD 相交于点 O, 若再补充一个条件能使

菱形 ABCD 成为正方形, 则这个条件是_____ (只填一个条件即可).

7. 在如图 13 所示的四边形中，若去掉一个 50° 的角得到一个五边形，则 $\angle 1 + \angle 2 =$

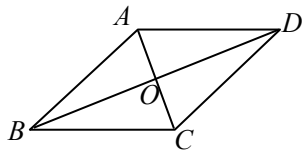


图 12

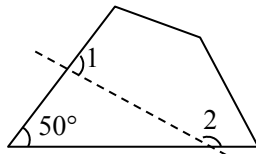
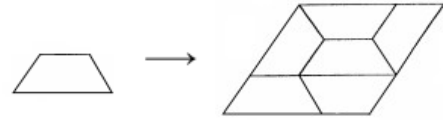


图 12



(1)

图 14

(2)

度.

8. 如图 14(1) 是一个等腰梯形，由 6 个这样的等腰梯形恰好可以拼出如图(2)所示的一个菱形. 对于图(1)中的等腰梯形，请写出它的内角的度数或腰与底边长度之间关系的一个正确结论：_____.

9. 如图 15 所示，已知等边三角形 ABC 的边长为 1，按图中所示的规律，用 2008 个这样的三角形镶嵌而成的四边形的周长是_____。

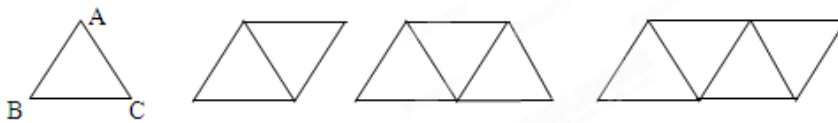


图 15

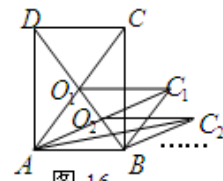


图 16

10. 如图 16，矩形 $ABCD$ 的面积为 5，它的两条对角线交于点 O_1 ，以 AB 、 AO_1 为两邻边作平行四边形 ABC_1O_1 ，平行四边形 ABC_1O_1 的对角线交于点 O_2 ，同样以 AB 、 AO_2 为两邻边作平行四边形 ABC_2O_2 ，……，依次类推，则平行四边形 ABC_nO_n 的面积为_____.

三、耐心做一做！

1. 如图 17，在平行四边形 $ABCD$ 中， $\angle ABC$ 的平分线交 CD 于点 E ， $\angle ADC$ 的平分线交 AB 于点 F . 试判断 AF 与 CE 是否相等，并说明理由.

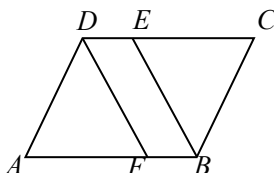
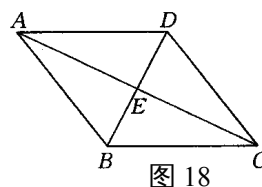
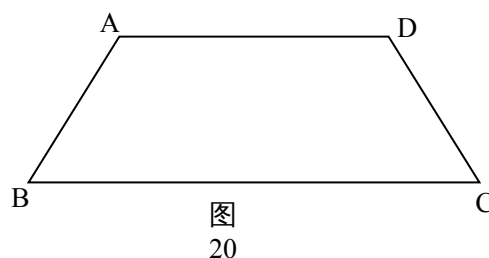
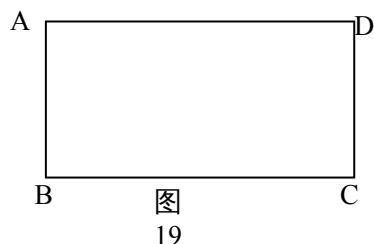


图 17

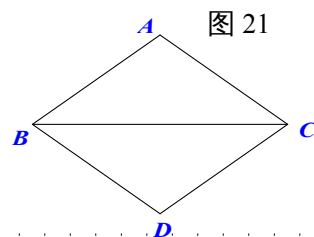
2. 如图 18 所示, 四边形 ABCD 是边长为 13cm 的菱形, 其中对角线 BD 长 10cm, 求:
 (1) 对角线 AC 的长度; (2) 菱形 ABCD 的面积.



3. 在四边形 ABCD 中, $AD \parallel BC$, $AB = CD$, 你认为这样的四边形 ABCD 是平行四边形吗?
 小强: 我认为这样的四边形 ABCD 是平行四边形, 我画出的图形如图 19;
 小明: 我认为这样的四边形 ABCD 不是平行四边形, 我画出的图形如图 20;
 你同意谁的说法? 并说明理由.

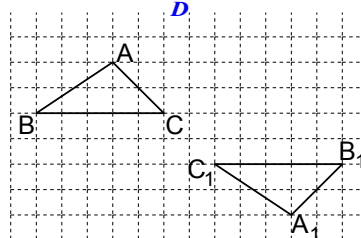


4. 如图 21, $\triangle ABC$ 为等腰三角形, 把它沿底边 BC 翻折后, 得到 $\triangle DBC$. 请你判断四边形 ABDC 的形状, 并说出你的理由.

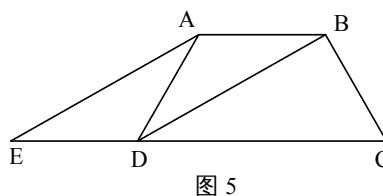


5. 在如图的方格纸中, 每个小正方形的边长都为 1, $\triangle ABC$ 与 $\triangle A_1B_1C_1$ 构成的图形是中心对称图形.

- (1) 画出此中心对称图形的对称中心 O ;
 (2) 画出将 $\triangle A_1B_1C_1$, 沿直线 DE 方向向上平移 5 格得到的 $\triangle A_2B_2C_2$;
 (3) 要使 $\triangle A_2B_2C_2$ 与 $\triangle CC_1C_2$ 重合, 则 $\triangle A_2B_2C_2$ 绕点 C_2 顺时针方向旋转, 至少要旋转多少度? (直接写出答案)



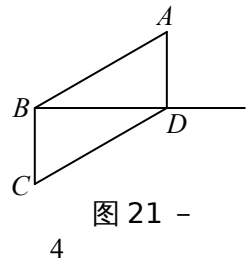
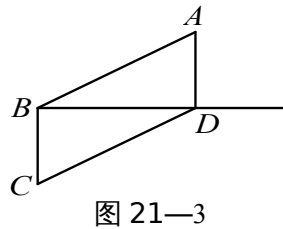
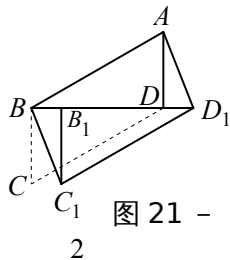
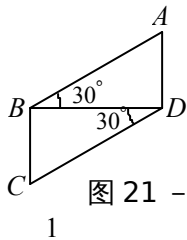
6. 如图 5, 在梯形 ABCD 中, $AB \parallel DC$, DB 平分 $\angle ADC$, 过点 A 作 $AE \parallel BD$, 交 CD 的延长线于点 E, 且 $\angle C = 2\angle E$.



(1) 试问梯形 $ABCD$ 是等腰梯形吗？并说明理由。

(2) 若 $\angle BDC = 30^\circ$ ， $AD = 5$ ，求 CD 的长。

7. 将两块全等的含 30° 角的三角尺如图 21-1 摆放在一起，设较短直角边为 1。



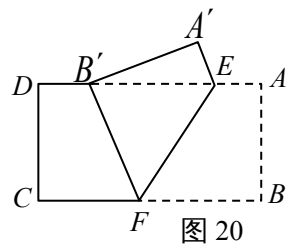
(1) 四边形 $ABCD$ 是平行四边形吗？说出你的结论和理由：_____。

(2) 如图 21-2，将 $\text{Rt}\triangle BCD$ 沿射线 BD 方向平移到 $\text{Rt}\triangle B_1C_1D_1$ 的位置，四边形 ABC_1D_1 是平行四边形吗？说出你的结论和理由：_____。

(3) 在 $\text{Rt}\triangle BCD$ 沿射线 BD 方向平移的过程中，当点 B 的移动距离为_____时，四边形 ABC_1D_1 为矩形，其理由是_____；当点 B 的移动距离为_____时，四边形 ABC_1D_1 为菱形，其理由是_____。
(图 21-3、图 21-4 用于探究)

8. (2008年南昌市) 如图20，把矩形纸片 $ABCD$ 沿 EF 折叠，使点 B 落在边 AD 上的

点 B' 处，点 A 落在点 A' 处；(1) 试问 $B'E = BF$ 成立吗？



(2) 设 $AE = a$ ， $AB = b$ ， $BF = c$ ，试猜想 a, b, c 之间的一种关系，并说明理由。

参考答案：

一、1. B 2. B 3. C 4. B 5. D 6. B 7. B 8. C 9. B 10. D

二、1. 平行四边形（或矩形或菱形）；2. 8cm；3. 120° ；4. 8；5. 1；6. $\angle BAD = 90^\circ$ （或 $AD \perp AB$ ， $AC = BD$ 等）；7. 230；8. 答案不唯一。可供参考的有：①它内角的度数为 60° 、 60° 、 120° 、 120° ；②它的腰长等于上底长；③它的上底等于下底长的一半。9. 2010；10. $\frac{5}{2^n}$

三、

1. 解: $AF = CE$

\because 四边形 ABCD 是平行四边形 $\therefore AD = CB$, $\angle A = \angle C$, $\angle ADC = \angle ABC$

又 $\because \angle ADF = \frac{1}{2} \angle ADC$, $\angle CBE = \frac{1}{2} \angle ABC \therefore \angle ADF = \angle CBE \therefore \triangle ADF \cong \triangle CBE \therefore AF = CE$

2. 解：(1) \because 四边形 ABCD 为菱形， $\therefore \angle AED = 90^\circ$ 。 $\therefore DE = \frac{1}{2} BD = \frac{1}{2}$

$\times 10 = 5$ (cm) $\therefore AE = \sqrt{AD^2 - DE^2} = \sqrt{13^2 - 5^2} = 12$ (cm)。

$\therefore AC = 2AE = 2 \times 12 = 24$ (cm)。

(2) $S_{\text{菱形} ABCD} = S_{\triangle ABD} + S_{\triangle BDC} = \frac{1}{2} BD \cdot AE + \frac{1}{2} BD \cdot CE$

$= \frac{1}{2} BD (AE + CE) = \frac{1}{2} BD \cdot AC = \frac{1}{2} \times 10 \times 24 = 120$ (cm²)。

3. 我认为他们两人的说法不对，这样的四边形 ABCD 不一定是平行四边形。根据小红的图形（图 16）需要在条件中能确定 $AB \parallel CD$ 或 $AD = BC$ ，那么我们能判断四边形 ABCD 一定是平行四边形；根据小明的图形（图 17）满足条件 $AD \parallel BC$ ， $AB = CD$ ，但这样的四边形 ABCD 是梯形。

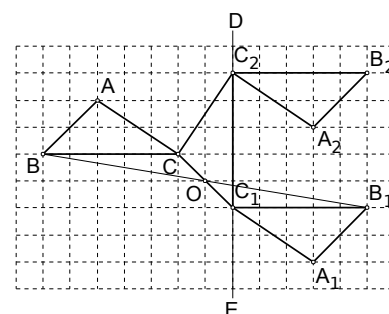
4. 四边形 ABCD 为菱形

理由是：由翻折得 $\triangle ABC \cong \triangle DBC$ 。所以 $AC = CD$ ， $AB = BD$ 因为 $\triangle ABC$ 为等腰三角形，

所以 $AB = AC$ 所以 $AC = CD = AB = BD$ ，故四边形 ABCD 为菱形。

5. 解：(1) 如图， BB_1 、 CC_1 的交点就是对称中心 O。

(2) 图形正确



(3) $\triangle A_2B_2C_2 \cong \triangle CC_1C_2$, $\triangle A_2B_2C_2$ 绕点 C_2 顺时针方向至少旋转 90° 可与 $\triangle CC_1C_2$ 重合.

6. (1) 解: $\because AE \parallel BD, \therefore \angle E = \angle BDC$

$\because DB$ 平分 $\angle ADC \therefore \angle ADC = 2\angle BDC$ 又 $\because \angle C = 2\angle E \therefore \angle ADC = \angle BCD \therefore$ 梯形 $ABCD$ 是等腰梯形

(2) 解: 由第 (1) 问, 得 $\angle C = 2\angle E = 2\angle BDC = 60^\circ$, 且 $BC = AD = 5$

\because 在 $\triangle BCD$ 中, $\angle C = 60^\circ, \angle BDC = 30^\circ \therefore \angle DBC = 90^\circ \therefore DC = 2BC = 10$

7. 解: (1) 是, 此时 $AD \cong BC$, 一组对边平行且相等的四边形是平行四边形.

(2) 是, 在平移过程中, 始终保持 $AB \cong C_1D_1$, 一组对边平行且相等的四边形是平行四边形.

(3) $\frac{\sqrt{3}}{3}$, 此时 $\angle ABC_1 = 90^\circ$, 有一个角是直角的平行四边形是矩形.

$\sqrt{3}$, 此时点 D 与点 B_1 重合, $AC_1 \perp BD_1$, 对角线互相垂直的平行四边形是菱形.

8. (1) 解: 成立.

由题意得 $B'F = BF, \angle B'FE = \angle BFE$,

在矩形 $ABCD$ 中, $AD \parallel BC, \therefore \angle B'EF = \angle BFE$,

$\therefore \angle B'FE = \angle B'EF. \therefore B'F = B'E. \therefore B'E = BF.$

(2) 答: a, b, c 三者关系不唯一, 有两种可能情况:

(i) a, b, c 三者存在的关系是 $a^2 + b^2 = c^2$.

解: 连结 BE , 则 $BE = B'E$. 由 (1) 知 $B'E = BF = c, \therefore BE = c$.

在 $\triangle ABE$ 中, $\angle A = 90^\circ, \therefore AE^2 + AB^2 = BE^2$.

$\because AE = a, AB = b, \therefore a^2 + b^2 = c^2$.

(ii) a, b, c 三者存在的关系是 $a + b > c$. (或 a, b, c 三者关系写成 $a + c > b$ 或

$b + c > a$)

解: 连结 BE , 则 $BE = B'E$. 由 (1) 知 $B'E = BF = c, \therefore BE = c$.

在 $\triangle ABE$ 中, $AE + AB > BE, \therefore a + b > c$.